



WWW.ALGORITMOSTEM.IT

SCIENCE TECHNOLOGY ENGINEERING MATHEMATICS

# Appunti Amplificatori Operazionali

IIS2 - ELETTRONICA

rev.0.9 - 02 set 2023

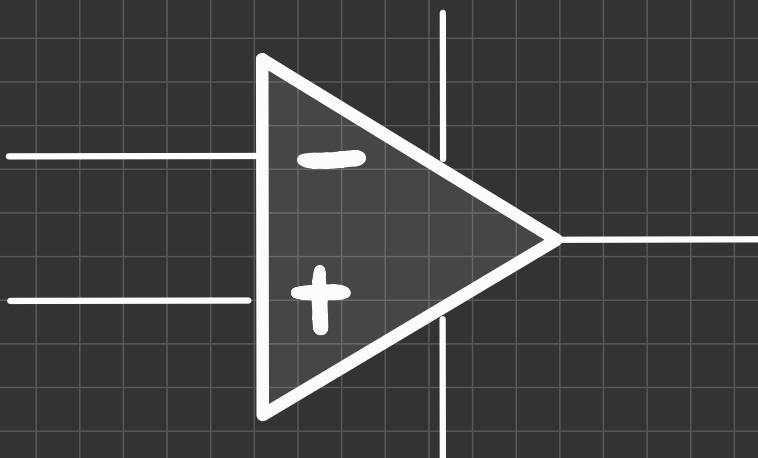
Draft version

Appunti in formato bozza, intesi esclusivamente di ausilio alle lezioni, che le integrano nelle descrizioni e nei ragionamenti su quanto viene riportato in queste pagine.

Licenza Creative Commons  
CCBYNCND.

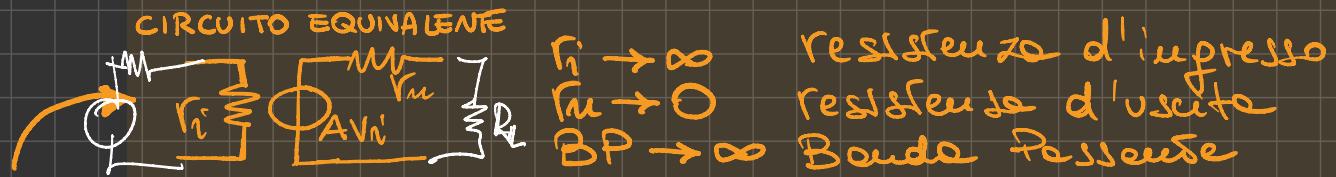
È consentita la condivisione del documento originale a condizione che non venga modificato né utilizzato a scopi commerciali, sempre attribuendo la paternità dell'opera all'autore

# AMPLIFICATORI OPERAZIONALI



- ① definizione e caratteristiche
- ② Funzionamento in zona lineare
  - configurazione inversiva
  - configurazione non inversiva
- ③ Funzionamento in zona di saturazione
  - comparatore

# AMPLIFICATORE OPERAZIONALE

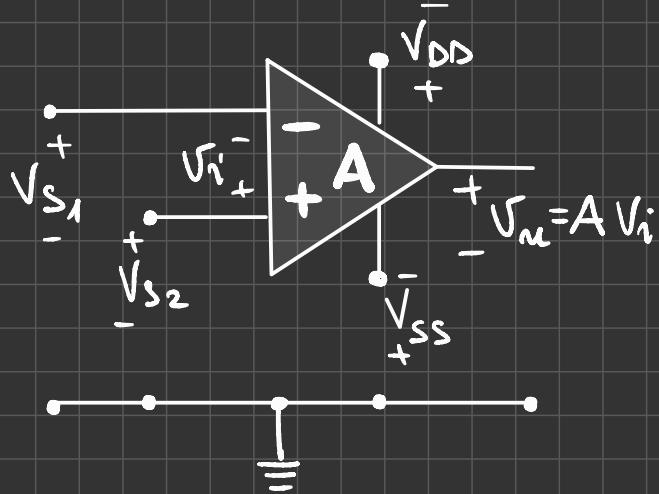


Amplificatore di tensione differenziale con elevata amplificazione

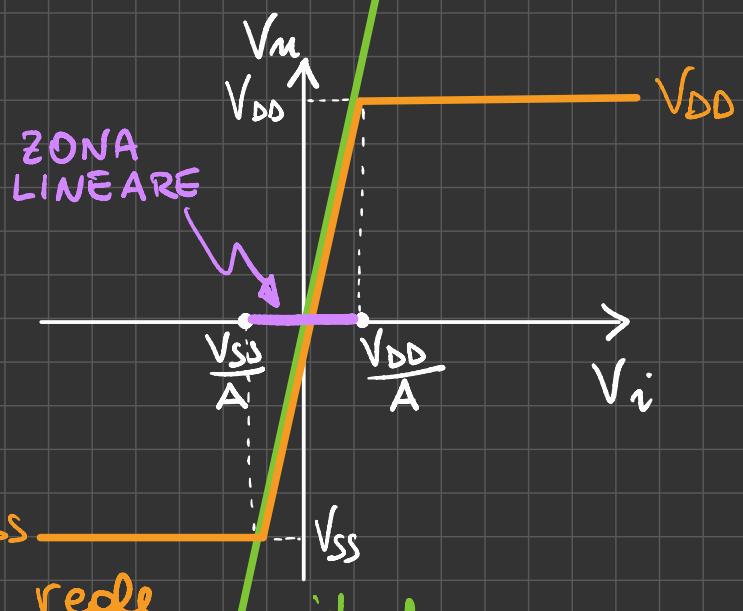
→ Amplificazione di segnale  $A \rightarrow \infty$

Idealmente la tensione di uscita non dipende dal valore medio delle tensioni dei terminali di ingresso (common mode rejection ratio CMRR  $\approx 0$ )

## CARATTERISTICA DI TRASFERIMENTO



$V_{DD}$  e  $V_{SS}$   
Tensione di Alimentazione

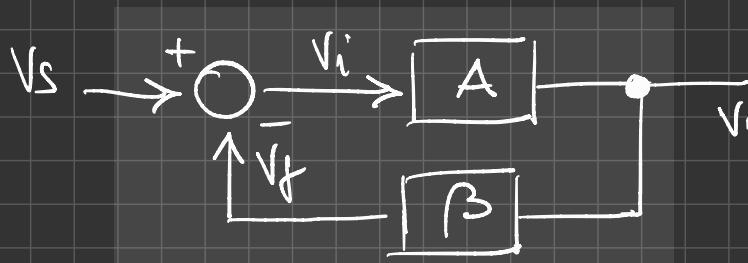


$$V_{out} = \begin{cases} V_{SS} & \text{se } V_i \leq \frac{V_{SS}}{A} \\ AV_i & \text{se } \frac{V_{SS}}{A} < V_i < \frac{V_{DD}}{A} \\ V_{DD} & \text{se } V_i \geq \frac{V_{DD}}{A} \end{cases}$$

reale  
 $V_{SS} < V_{out} < V_{DD}$   
 ideale  
 $V_{out} = AV_i$   
 $y = m x$   
 rette parallele per l'output

La zona lineare è dell'ordine di decine di  $\mu V$ , l'amplificazione operazionale neffusa facilmente le sette decine se non retro a 20 volte

## CIRCUITO RETROAZIONATO



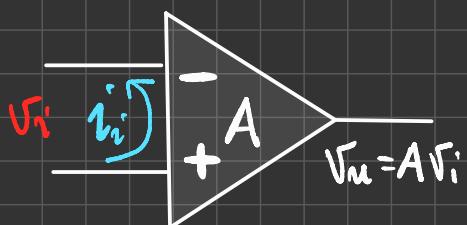
$$\frac{V_u}{V_s} = A_r = \frac{A}{1 + \beta A}$$

$$V_u = AV_i = A(V_s - V_f) = A(V_s - \beta V_u) \Rightarrow V_u + A\beta V_u = AV_s \\ V_u(1 + A\beta) = AV_s$$

N.B. la retroazione negativa (ipotesi in ingresso con segno "-") compende le variazioni di esecuzione in uscita.

## CORTO CIRCUITO VIRTUALE C.C.N.

d'aula si vede l'operatore presente tra i monelli d'ingresso le seguenti condizioni:



$$i_i \approx 0 \quad \leftarrow \frac{V_i}{r_{i \rightarrow \infty}} \approx 0$$

$$V_i \approx 0 \quad \leftarrow \begin{array}{l} \text{se la linea lineare} \\ V_i = \frac{V_u}{A \rightarrow \infty} \approx 0 \end{array}$$

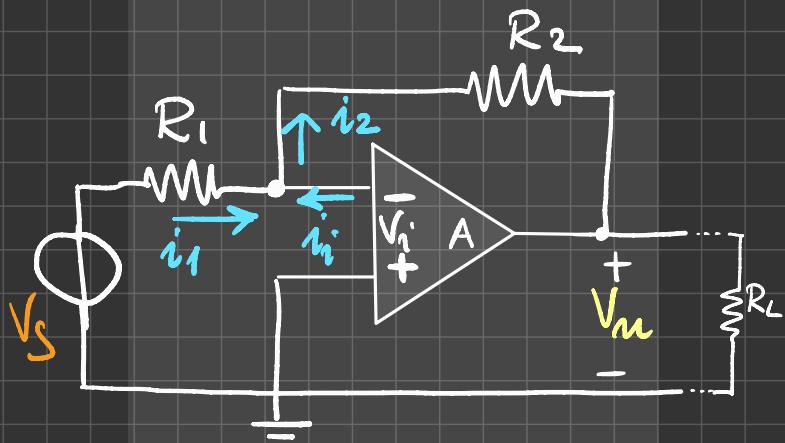
Tali condizioni descrivono il cosiddetto corto circuito virtuale c.c.v. ed sono molto utili nello studio semplificato dei circuiti con Amplificatori Operazionali.

# CIRCUITI LINEARI

Funzionamento dell'Ampl. Op. in zone lineari con retroazione negativa

1)

## AMPLIFICATORE INVERTENTE



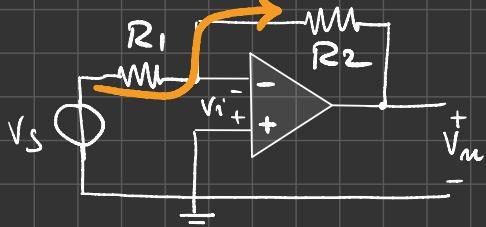
① Retroazione;  
MORSETTO (-)

② SEGNALE INGRESO  
MORSETTO (-)

③ Amplificazione

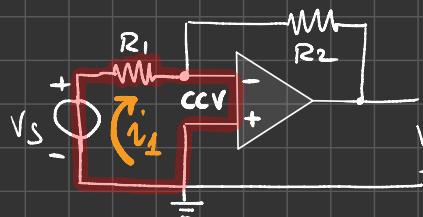
$$A_f = -\frac{R_2}{R_1}$$

ccv ( $i_1 \approx 0$ )



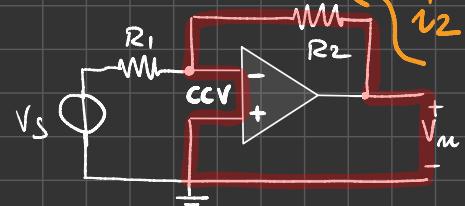
$$i_1 = i_2$$

ccv ( $V_i \approx 0$ )



$$\frac{V_s}{R_1} = -\frac{V_m}{R_2}$$

ccv ( $V_i \approx 0$ )

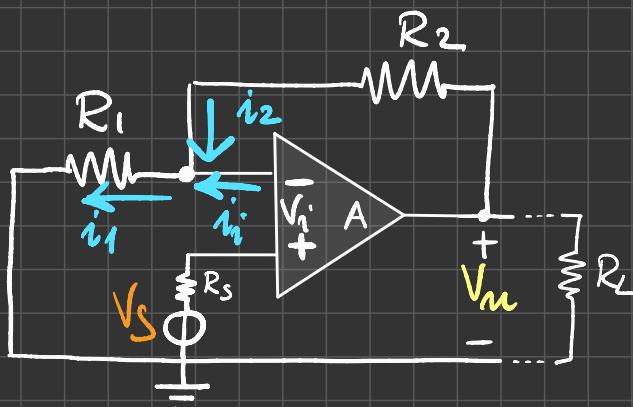


$$\text{da cui: } A_f = \frac{V_m}{V_s} = -\frac{R_2}{R_1}$$

L'amplificazione non dipende da  $A$  ed  $R_L$   
ma solamente dalle resistenze  $R_1$  ed  $R_2$

2)

## AMPLIFICATORE NON INVERTENTE



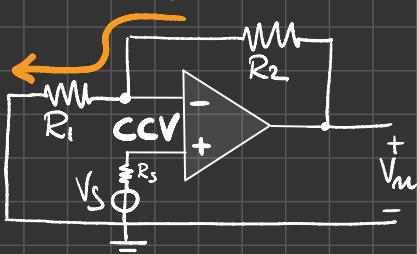
④ Retroazione;  
MORSETTO (-)

④ SEGNALE INGRESSO  
MORSETTO (+)

④ Amplificazione

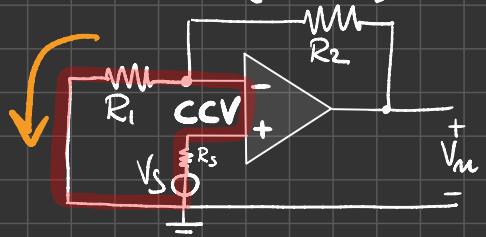
$$A_f = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$

ccv ( $i_i \approx 0$ )



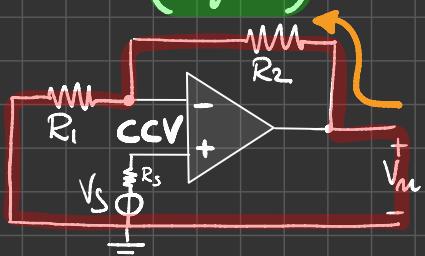
$$i_1 = i_2$$

ccv ( $V_i \approx 0$ )



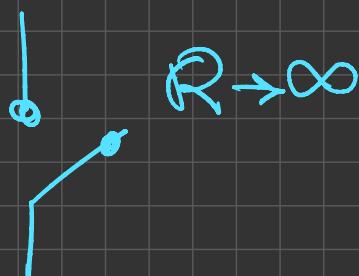
$$\frac{V_s}{R_1} = \frac{V_m}{R_1 + R_2}$$

ccv ( $i_i \approx 0$ )



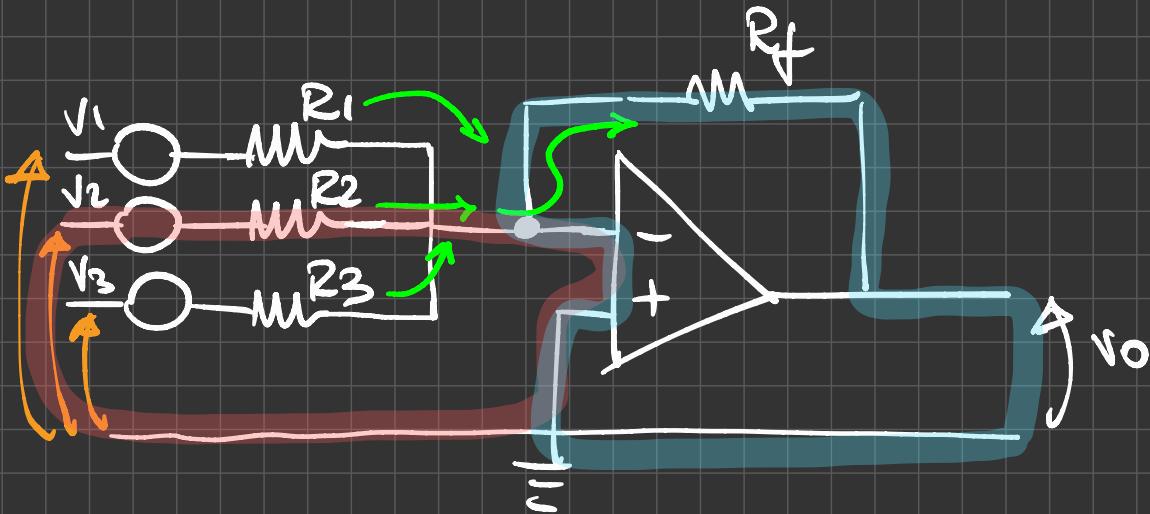
$$\text{da cui : } A_f = \frac{V_m}{V_s} = \frac{R_1 + R_2}{R_1} = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$

d'onde l'amplificazione non dipende da  $A$ ,  $R_s$ ,  $R_L$   
ma solamente dalle resistenze  $R_1$  ed  $R_2$



3)

## SOMMATORI INVERTENTI



$$C.C.V \quad \Rightarrow \\ (I_i = 0)$$

$$I_1 + I_2 + I_3 = I_f \\ \frac{V_1}{R_1} + \frac{V_2}{R_2} + \frac{V_3}{R_3} = -\frac{V_O}{R_f}$$

$$V_O = -R_f \left( \frac{V_1}{R_1} + \frac{V_2}{R_2} + \frac{V_3}{R_3} \right)$$

$$R_1 = R_2 = R_3 = R \rightarrow V_O = -\frac{R_f}{R} (V_1 + V_2 + V_3)$$

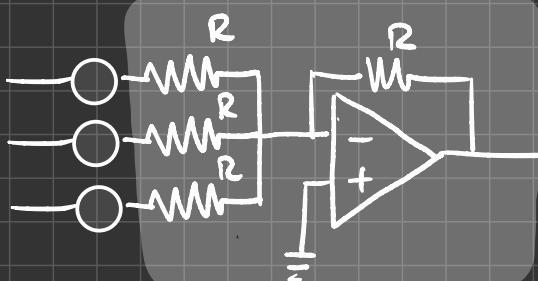
$$R_1 = R_2 = R_3 = R_f = R \rightarrow$$

$$V_O = -(V_1 + V_2 + V_3) \\ (\text{sommatore invertente})$$

NB per annullare l'inversione posso scegliere le resistenze in modo opposto. Per esempio se usco da un amplificatore con  $A = -1$

$$A_1 = -1$$

$$A_2 = -1$$



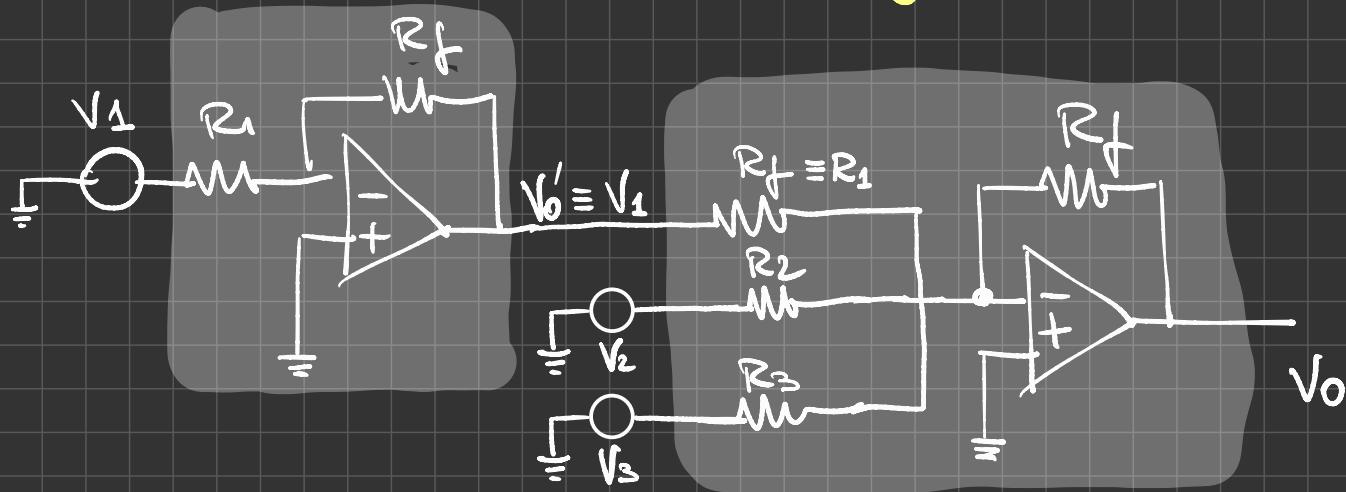
$$A = A_1 \cdot A_2 = 1$$

$$V_O = V_1 + V_2 + V_3$$

# ESERCIZIO

Dimensionare il circuito per ottenere

$$V_0 = 10V_1 - 20V_2 - 30V_3$$



$$V_0 = -\frac{R_f}{R_f} V_0' - \frac{R_f}{R_2} V_2 - \frac{R_f}{R_3} V_3$$

$$-\frac{R_f}{R_1} V_1$$

$$V_0 = \frac{R_f}{R_1} V_1 - \frac{R_f}{R_2} V_2 - \frac{R_f}{R_3} V_3$$

$$V_0 = 10V_1 - 20V_2 - 30V_3$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{R_f}{R_1} = 10 \rightarrow R_1 = \frac{R_f}{10} \\ \frac{R_f}{R_2} = 20 \rightarrow R_2 = \frac{R_f}{20} \\ \frac{R_f}{R_3} = 30 \rightarrow R_3 = \frac{R_f}{30} \end{array} \right.$$

Sceglio  $R_3 = 5M\Omega$   $\Rightarrow$

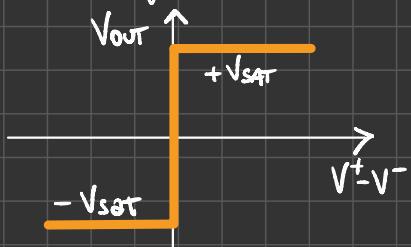
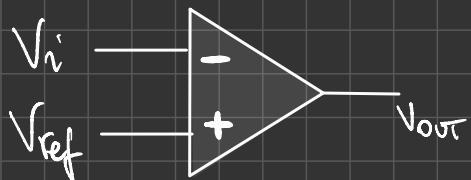
$$\begin{aligned} R_1 &= \frac{5M}{10} = 500k\Omega \\ R_2 &= \frac{5M}{20} = 250k\Omega \\ R_3 &= \frac{5M}{30} = 167k\Omega \end{aligned}$$

# CIRCUITI NON LINEARI

Funzionamento dell'Ampl. Op. e vuoto oppure in Zone di sat. con retroazione positiva

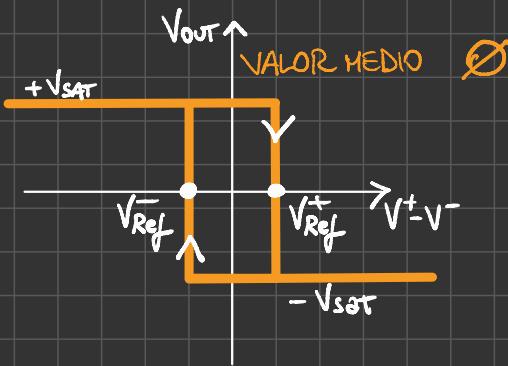
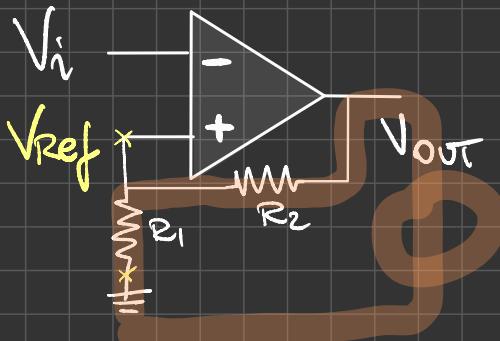
## 1) COMPARATORE

confronta un segnale d'ingresso ed un segnale di riferimento



Problema: Segnali di disturbo si sovrappongono al segnale d'ingresso e l'uscita commuta ripetutamente.

Soluzione: comparatore con integratori. TRIGGER DI SCHMITT

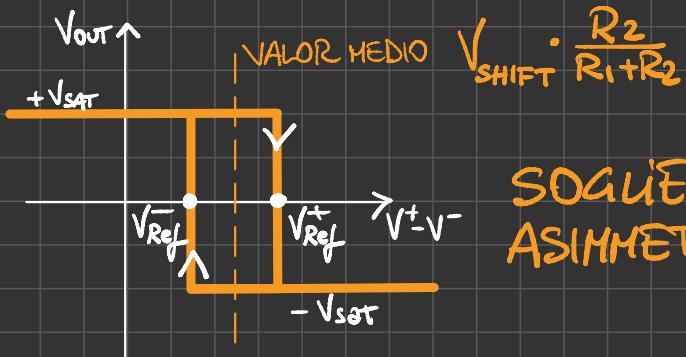
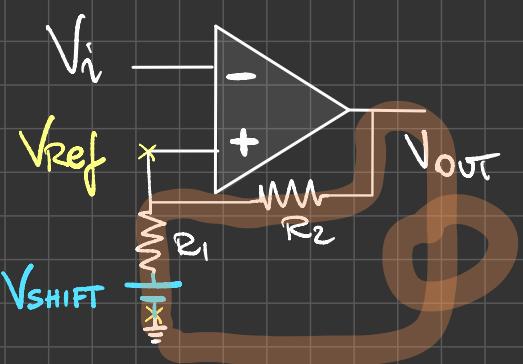


**SEGNALE SIMMETRICO**

$$\sqrt{V_{Ref}} = V_{out} \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} = \begin{cases} V_{+Ref} & (V_{out} = +Vsat) \\ V_{-Ref} & (V_{out} = -Vsat) \end{cases}$$

commuto  $\rightarrow V_{out} = -\sqrt{Vsat}$  se  $V_i > V_{+Ref}$

commuto  $\rightarrow V_{out} = +\sqrt{Vsat}$  se  $V_i < V_{-Ref}$



**SEGNALE ASIMMETRICO**

$$\sqrt{V_{Ref}} = V_{out} \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2} + \sqrt{V_{shift}} \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2} = \begin{cases} V_{+Ref} & (V_{out} = +Vsat) \\ V_{-Ref} & (V_{out} = -Vsat) \end{cases}$$

commuto  $\rightarrow V_{out} = -\sqrt{Vsat}$  se  $V_i > V_{+Ref}$

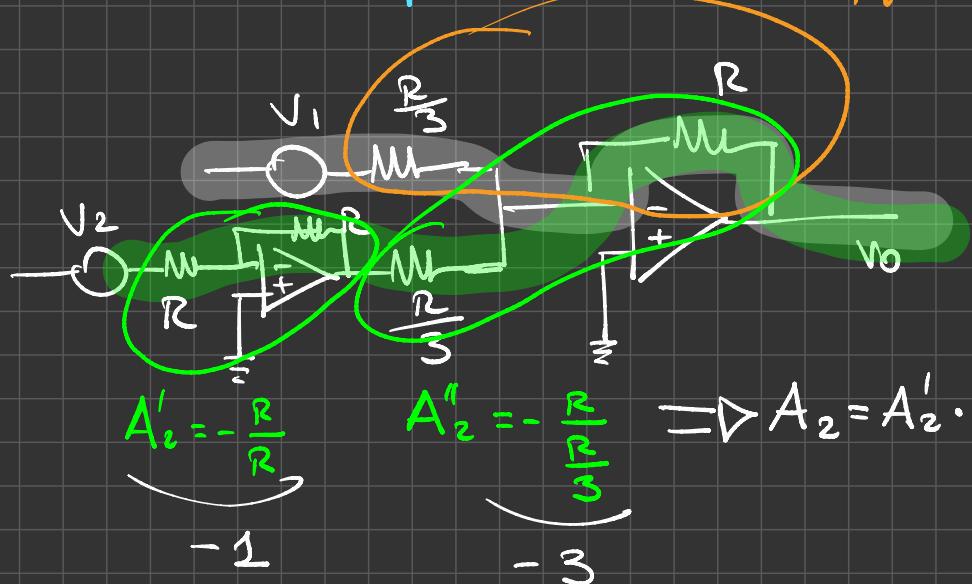
commuto  $\rightarrow V_{out} = +\sqrt{Vsat}$  se  $V_i < V_{-Ref}$

*componente fissa*

$$V_u = -3(V_1 - V_2)$$

$$V_u = \text{orange circle} - 3V_1 + \text{green circle} + 3V_2$$

$$A = -\frac{R_f}{R_1} = -\frac{R}{\frac{R}{3}} = -3$$

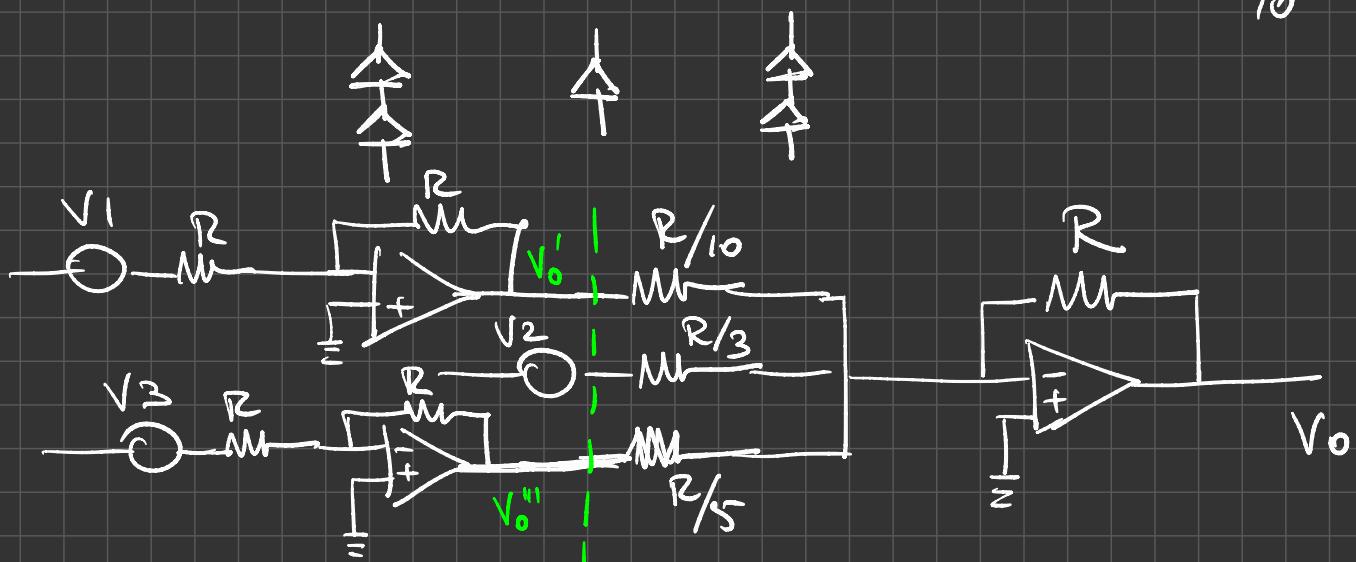


$$R = 1 M\Omega$$

$$\frac{R_f}{R_1} = 10$$

$$V_o = 10V_1 - 3V_2 + 5V_3$$

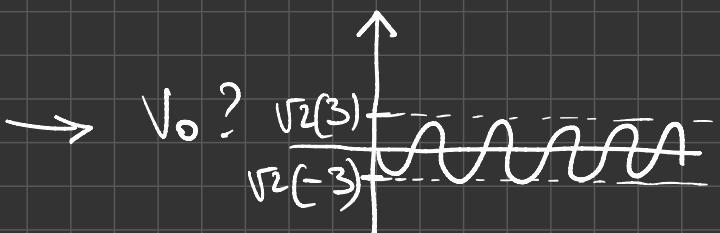
$$R_1 = \frac{R_f}{10} = \frac{R}{10}$$



$$R = 1 M\Omega$$

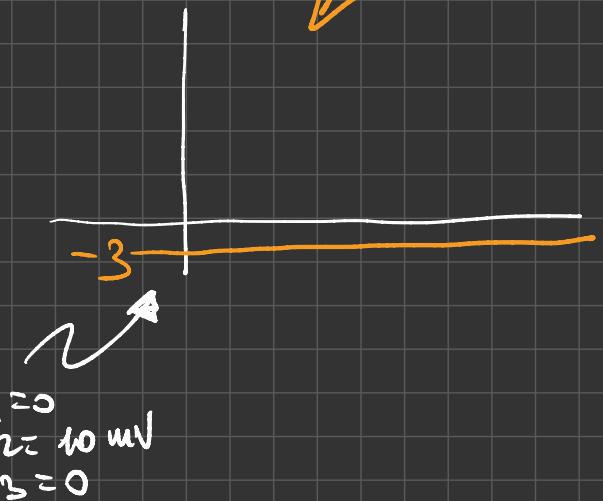
$$V_o = 500 V_1 - 300 V_2 + 100 \sqrt{3}$$

per  $V_1 = V_3 = 0 ; V_2 = 10 \mu V$



$$V_o = 500 V_1 - 300 V_2 + 100 \sqrt{3} = -300 \cdot 10^{-3} = -3$$

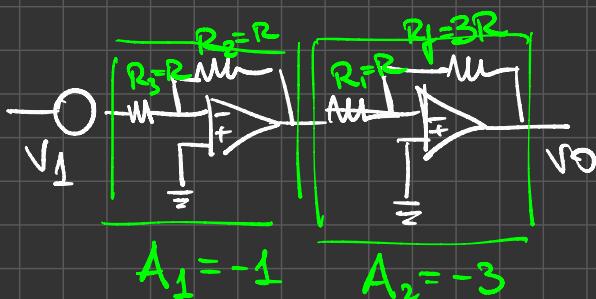
$\downarrow$   
 $10 \cdot 10^{-3}$



$$V_o = 3 V_i$$

①

Solo i.m.

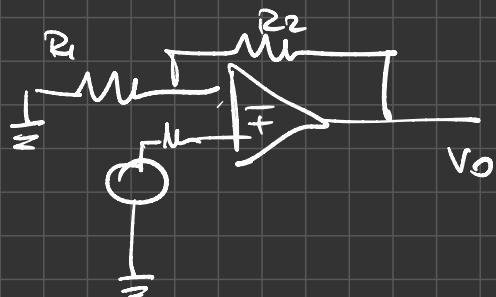


②

Solo NON i.m.

$$1 + \frac{R_2}{R_1} = 3$$

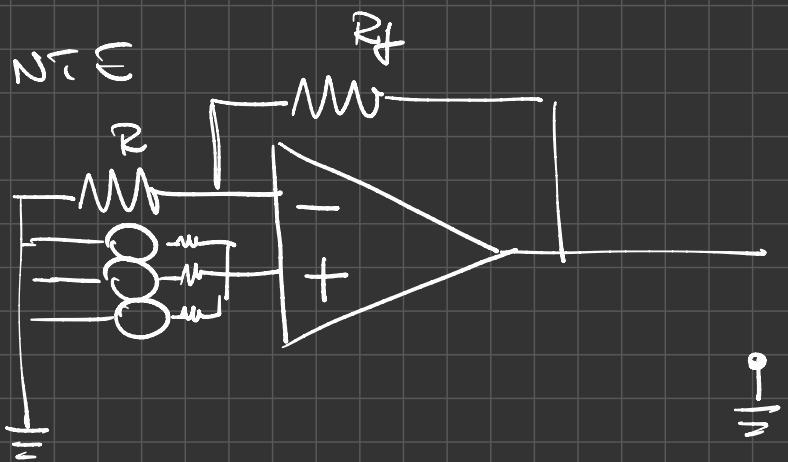
$$\frac{R_2}{R_1} = 2 \rightarrow 2 M\Omega$$



$$V_o = 3V_1 + V_2$$

$$V_o = 4V_1 + 4V_2 + 4V_3$$

NON INERENTI



$$A_i = 1 + \frac{R_f}{R} = 4$$

$$\frac{R_f}{R} = 3$$

$$V_o = -R_f \left( \frac{V_1}{R_1} + \frac{V_2}{R_2} + \frac{V_3}{R_3} \right)$$

$$V_o = V_1 + V_2 + V_3$$

